



2026届二轮复习 第41课时 根据数据特征构造函数比较大小作业

姓名: 张姝妍

班级: 14

考场/座位号: _____

注意事项

- 1、答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。
- 2、客观题答案必须使用2B铅笔填涂，修改时用橡皮擦干净。
- 3、主观题使用黑色签字笔书写。
- 4、必须在题号对应的答题区域内作答，超出答题区域书写无效。
- 5、保持卷面整洁、完整。

正确填涂 错误填涂

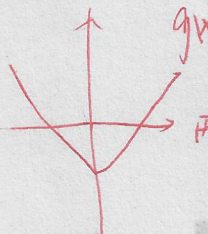
填涂									
[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]
[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]
[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]
[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]
[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]
[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]
[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]
[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]
[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]
[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]

缺考标记

一、选择题

1 [B] [C] [D] 2 [A] [C] [D] 3 [A] [B] [D] 4 [B] [C] [D] 5 [B] [C] [D]

6 [A] [C] [D]



1. 已知 $a = \sin \frac{1}{3}$, $b = \left(\frac{1}{3}\right)^{0.9}$, $c = \frac{1}{2} \log_{\frac{1}{27}} 9$, 则 $\frac{1}{3}$ (A)
 - A. $a < c < b$
 - B. $a < b < c$
 - C. $b < a < c$
 - D. $c < a < b$
2. 已知函数 $y = f(x)$ 是定义在 \mathbb{R} 上的奇函数, 且当 $x \in (-\infty, 0)$ 时不等式 $f(x) + xf'(x) < 0$ 成立, 若 $a = 2^2 f(2^2)$, $b = (\log_3 2) f(\log_3 2)$, $c = (\log_{0.5} 2) f(\log_{0.5} 2)$, 则 a, b, c 的大小关系是 (D)
 - A. $a > b > c$
 - B. $c > b > a$
 - C. $c > a > b$
 - D. $a > c > b$
3. 已知函数 $f(x)$ 及其导函数 $f'(x)$ 的定义域均为 $(0, +\infty)$, 若 $xf'(x) < 2f(x)$, 则 $xf'(x) > f(x)$ (C)
 - A. $4e^2 f(2) < 16f(e) < e^2 f(4)$
 - B. $e^2 f(4) < 4e^2 f(2) < 16f(e)$
 - C. $e^2 f(4) < 16f(e) < 4e^2 f(2)$
 - D. $16f(e) < e^2 f(4) < 4e^2 f(2)$
4. 已知函数 $f(x)$ 及其导函数 $f'(x)$ 的定义域均为 \mathbb{R} , $f(0) = 0$ 且 $f(x) + f'(x) > 0$, 则不等式 $f(x^2 + 4x - 5) > 0$ 的解集为 (D)
 - A. $(-\infty, -5) \cup (1, +\infty)$
 - B. $(-\infty, -1) \cup (5, +\infty)$
 - C. $(-5, 1)$
 - D. $(-1, 5)$
5. (多选) 若 $0 < x_1 < x_2 < 1$, e 为自然对数的底数, 则下列结论错误的是 (BCD)
 - A. $x_2 e^{x_1} < x_1 e^{x_2}$
 - B. $x_2 e^{x_1} > x_1 e^{x_2}$
 - C. $e^{x_2} - e^{x_1} > \ln x_2 - \ln x_1$
 - D. $e^{x_2} - e^{x_1} < \ln x_2 - \ln x_1$
6. (多选) 已知函数 $f(x)$ 为定义在 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ 上的奇函数, 若当 $x < 0$ 时, $xf'(x) - f(x) > 0$, 且 $f(2) = 0$, 则 (BC)
 - A. $\pi f(e) < e f(\pi)$
 - B. 当 $m < 2$ 时, $2f(m) > m f(2)$
 - C. $4f(-3) + 3f(4) < 0$
 - D. 不等式 $f(x) > 0$ 解集为 $(-\infty, -2) \cup (0, 2)$

二、填空题

7. 已知定义在R上的函数 $f(x)$ 的导函数为 $f'(x)$, 对任意 $x \in (0, \pi)$, 有 $f'(x)\sin x > f(x)\cos x$, ⊗

设 $a = 2f\left(\frac{\pi}{6}\right)$, $b = \sqrt{2}f\left(\frac{\pi}{4}\right)$, $c = f\left(\frac{\pi}{2}\right)$, 则 a, b, c 的大小关系为 $a < b < c$.

8. 已知 $f(x)$ 是定义在 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ 上的奇函数, $f'(x)$ 是 $f(x)$ 的导函数, 当 $x > 0$ 时, ⊗

$xf''(x) + 2f'(x) > 0$. 若 $f(2) = 0$, 则不等式 $x^2 f'(x) > 0$ 的解集是 $(-2, 0) \cup (2, +\infty)$.

三、解答题

	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
--	----	----	----	----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

9. 已知函数 $f(x) = e^x - \cos x$.

(1) 求曲线 $y = f(x)$ 在点 $(0, f(0))$ 处的切线方程;

(2) 设 $g(x) = xf'(x) - f(x)$, 证明: $g(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上单调递增;

(3) 判断 $3f\left(\frac{1}{3}\right)$ 与 $4f\left(\frac{1}{4}\right)$ 的大小关系, 并给出证明. $\therefore f\left(\frac{1}{3}\right) > 4f\left(\frac{1}{4}\right)$

(1) 解: $f'(x) = e^x + \sin x$

$$f'(0) = 1$$

$$f(0) = 0$$

$$\therefore y - 0 = 1(x - 0)$$

$$y = x$$

\therefore 切线方程为 $y = x$

(3) 解: 令 $h(x) = \frac{1}{x} f(x)$

$$h'(x) = \frac{f(x) - xf'(x)}{x^2}$$

由 (2) 可知 $h'(x) \in (0, +\infty) \uparrow$

$$\therefore h(0) = 0$$

$\therefore g(x) > 0$ 恒成立

$\therefore h'(x) > 0$ 恒成立

$\therefore h(x)$ 在 $(0, +\infty) \uparrow$

$$\therefore \frac{1}{3} > \frac{1}{4}$$

$$\therefore 3f\left(\frac{1}{3}\right) > 4f\left(\frac{1}{4}\right)$$

得证

(2) 解: $g(x) = xe^x + x\sin x - e^x + \cos x$

$$= (x-1)e^x + x\sin x + \cos x$$

$$g'(x) = (1+x-1)e^x + \sin x + x\cos x - \sin x$$

$$= xe^x + x\cos x$$

$$= x(e^x + \cos x)$$

\therefore 当 $x \in (0, +\infty)$ 时

$$e^x > 1$$

$$\cos x \in [-1, 1]$$

$\therefore e^x + \cos x > 0$ 恒成立

$\therefore g'(x) > 0$ 恒成立 $x \in (0, +\infty)$

$\therefore g(x)$ 在 $(0, +\infty) \uparrow$

10. 已知函数 $f(x) = x \ln x$, $g(x) = 2ax^2 - 2x (a > 0)$
 (1) 函数 $f(x) = x \ln x$ 图像在 $x=1$ 处的切线与函数 $g(x) = 2ax^2 - 2x$ 相切, 求实数 a 的值;
 (2) 函数 $f(x) = x \ln x$ 与函数 $g(x) = 2ax^2 - 2x$ 图像有两个不同交点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$

(i) 求 a 的取值范围; (ii) 若 $\frac{x_2}{x_1} \geq 2$, 证明: $x_1 + x_2 > \frac{4\sqrt{2}}{e^2}$, $x_1 x_2 > \frac{8}{e^4}$

解: $f'(x) = \ln x + 1$
 $f'(1) = 1$ $f(1) = 0$
 \therefore 切线为 $y = x - 1$
 设切点为 $(x_0, 2ax_0^2 - 2x_0)$
 $g'(x) = 4ax - 2$
 $g'(x_0) = 4ax_0 - 2$
 $\therefore \begin{cases} 4ax_0 - 2 = 1 \\ 2ax_0^2 - 2x_0 = x_0 - 1 \end{cases}$
 $\Rightarrow \begin{cases} x_0 = \frac{3}{4} \\ a = \frac{9}{8} \end{cases}$
 $\therefore a$ 的值为 $\frac{9}{8}$

解: (1) $f(x) = g(x)$
 $x \ln x = 2ax^2 - 2x \quad (x \in (0, +\infty))$
 $\ln x = 2ax - 2$
 $2a = \frac{\ln x + 2}{x}$
 $\therefore \frac{\ln x + 2}{x} - 2a = 0$
 $\leq h(x) = \frac{\ln x + 2}{x} - 2a$
 $h'(x) = \frac{1 - \ln x - 2}{x^2} = \frac{-1 - \ln x}{x^2}$
 $\leq h'(x) > 0 \quad -1 - \ln x > 0$
 $\ln x < -1$
 $x \in (0, \frac{1}{e})$
 $\leq h'(x) < 0 \quad x \in (\frac{1}{e}, +\infty)$
 $\therefore h(x)$ 在 $(0, \frac{1}{e})$ 上 \uparrow 在 $(\frac{1}{e}, +\infty)$ 上 \downarrow
 \therefore 当 $x \rightarrow 0$ 时, $h(x) \rightarrow -\infty$
 \leq 当 $x \rightarrow +\infty$ 时, $h(x) \rightarrow -2a$
 $\therefore 0 < a < \frac{e}{2}$
 $\therefore e^{-2a} > 0, -2a < 0, \therefore \exists t, a < \frac{e}{2}$

$\ln x_1 - 2ax_1 + 2 = 0$ ①
 $\ln x_2 - 2ax_2 + 2 = 0$ ②
 $\text{由 } ① + ② \quad \ln(x_1 x_2) - 2a(x_1 + x_2) + 4 = 0$
 $\text{由 } ① - ② \quad \ln \frac{x_2}{x_1} - 2a(x_2 - x_1) = 0$
 $2a = \frac{\ln \frac{x_2}{x_1}}{x_2 - x_1}$
 $\ln(x_1 x_2) = \frac{x_1 + x_2}{x_2 - x_1} \ln \frac{x_2}{x_1} - \varphi$
 $= 1 + \frac{x_2}{x_1} \ln \frac{x_2}{x_1} - \varphi$
 $= \frac{1 + \frac{x_2}{x_1}}{\frac{x_2}{x_1} - 1} \ln \frac{x_2}{x_1} - \varphi$
 $= \frac{1+t}{t-1} \ln t - \varphi$

比值代换, $t = \frac{x_2}{x_1}$
 $x_2 = tx_1$
 $\begin{cases} \ln x_1 - 2ax_1 + 2 = 0 \\ \ln x_2 - 2ax_2 + 2 = 0 \end{cases}$
 $\ln(tx_1) - 2a(tx_1) + 2 = 0$
 $\ln t + \ln x_1 - 2a + 2tx_1 + 2 = 0$
 $\ln t + \ln x_1 - t(\ln x_1 + 2) + 2 = 0$
 $\ln x_1 = \frac{\ln t - 2(t-2)}{t-1}$
 $\ln x_1 x_2 = \ln x_1 + \ln x_2 \leq \ln x_1 + \ln x_1$
 $= \ln t + 2 \ln x_1$
 $= \ln t + \frac{2 \ln t}{t-1} - \varphi$
 $= \frac{1+t}{t-1} \ln t - \varphi$

姓名	
学号	
班级	
日期	
得分	

注意：本试卷共100分，考试时间45分钟。请考生在规定时间内完成答卷。如有违纪行为，将取消考试资格。考场内禁止使用任何电子设备。如有作弊行为，将严肃处理。考场内保持安静，不得交头接耳。如有特殊情况，请及时举手示意监考老师。考场内不得吸烟、饮食。如有身体不适，请及时报告监考老师。如有其他问题，请及时向监考老师咨询。考场内禁止喧哗、打闹。如有违规行为，将取消考试资格。考场内禁止携带任何与考试无关的物品。如有违规行为，将取消考试资格。考场内禁止携带任何与考试无关的物品。如有违规行为，将取消考试资格。

$$x_1 + x_2 = x_1 + tx_1 = (1+t)x_1$$

$$\ln(x_1 + x_2) = \ln(1+t) + \ln x_1$$

∴ $\ln x_1 x_2 \geq \frac{t+1}{t-1} \ln t = G(t)$

$$G'(t) = \frac{t - \frac{1}{t} - 2 \ln t}{(t-1)^2} \quad t \geq 2$$

令 $t - \frac{1}{t} - 2 \ln t = m(t)$

$$m'(t) = 1 + \frac{1}{t^2} - \frac{2}{t} = \frac{(t-1)^2}{t^2} > 0$$

∴ $m(t)$ 在 $[2, +\infty)$ 上单调递增

又 $m(2) = \frac{3}{2} - 2 \ln 2$

换上 $\frac{3}{2} - 2 \ln 2 = \ln e^{\frac{3}{2}} - \ln 4 = \ln \frac{e^{\frac{3}{2}}}{4}$

又 $(\frac{e^{\frac{3}{2}}}{4})^2 = \frac{e^3}{16} > 1$

∴ $\frac{3}{2} - 2 \ln 2 > 0$

∴ $G(t)$ 在 $[2, +\infty)$ 上单调递增

∴ $G(t) \geq G(2) = \frac{3}{2} - 2 \ln 2$

∴ $\ln x_1 x_2 \geq \frac{3}{2} - 2 \ln 2$

$\ln e^{\frac{3}{2}} x_1 x_2 \geq \ln 4$

$x_1 x_2 \geq \frac{4}{e^3}$