2026届二轮复习　第37课时 运用等价转化思想处理角度问题作业

姓名：[redacted]　　班级：[redacted]　　考场/座位号：

注 意 事 项

1、答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。
2、客观题答案必须使用2B铅笔填涂，修改时用橡皮擦干净。
3、主观题使用黑色签字笔书写。
4、必须在题号对应的答题区域内作答，超出答题区域书写无效。
5、保持卷面整洁、完整。

正确填涂 ■　错误填涂 √ × ◯ /

缺考标记 □

填 涂

[redacted]

一、选择题

1 [A] [B] [redacted] [D]　2 [A] [B] [redacted] [D]　3 [A] [redacted] [C] [D]　4 [A] [B] [C] [redacted]　5 [redacted] [B] [C] [D]
6 [redacted] [C] [redacted]　7 [A] [redacted] [C] [redacted]

1. 已知$\cos(\alpha-\beta)=\frac{3}{4}$，$\sin\alpha\sin\beta=\frac{1}{2}$，则$\sin2\alpha\sin2\beta=$（　　）

A. $\frac{1}{4}$　　B. $\frac{1}{2}$　　C. $\frac{3}{4}$　　D. 1

2. 已知菱形$ABCD$满足$AB=2$，$AC=2\sqrt{3}$，现将$\triangle ABC$沿直线AC进行翻折，当$BD=1$时，二面角$B-AC-D$的平面角的大小是（　　）

A. $\frac{\pi}{6}$　　B. $\frac{\pi}{4}$　　C. $\frac{\pi}{3}$　　D. $\frac{\pi}{2}$

3. 已知矩形$ABCD$，$AB=2$，$BC=2\sqrt{2}$，将$\triangle ABD$沿矩形的对角线BD所在的直线进行翻折，在翻折过程中，（　　）

A. 存在某个位置，使得直线BD与直线AC垂直　　B. 存在某个位置，使得直线AB与直线CD垂直
C. 存在某个位置，使得直线BC与直线AD垂直
D. 对任意位置，三对直线“AC与BD”“CD与AB”“AD与BC”均不垂直

4. 双曲线C：$\frac{y^2}{a^2}-\frac{x^2}{b^2}=1(a>0,b>0)$的一条渐近线的倾斜角为130°，则双曲线$C$的离心率为（　　）

A. $2\sin40°$　　B. $2\cos40°$　　C. $\frac{1}{\sin50°}$　　D. $\frac{1}{\cos50°}$

5. 已知圆$O:x^2+y^2=9$，则“点$M(a,b)$在圆O外”是“直线$ax+by=1$与圆O相交”的（　　）

A. 充分不必要条件　　B. 必要不充分条件　　C. 充要条件　　D. 既不充分也不必要条件

6. （多选题）抛物线$C:y^2=-2px(p>0)$的焦点F到准线的距离为1，经过点$P(m,0)$的直线l与C交于A,B两点，则（　　）

A. 当$m=1$时，直线l斜率的取值范围是$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2},\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$　　B. 当点P与点F重合时，$\frac{1}{|FA|}+\frac{1}{|FB|}=2$
C. 当$m=-2$时，$\angle AOB$为定值（O为坐标原点）　　D. 当$m=-2$时，$\overrightarrow{FA}$与$\overrightarrow{FB}$的夹角必为钝角

$\frac{x^2}{4}+y^2=1$.

$x=2\cos\theta$
$y=\sin\theta$

7.（多选题）已知椭圆$C:\frac{x^2}{a^2}+\frac{y^2}{b^2}=1$的焦点坐标为$(\sqrt{3},0)$，离心率为$\frac{\sqrt{3}}{2}$，则下列说法正确的是（ BD ）

A. 椭圆方程为$\frac{x^2}{2}+y^2=1$

B. 若P为椭圆C上的点，则ΔPF_1F_2内切圆半径最大值为$2\sqrt{3}-3$

C. 椭圆C的内接矩形周长的最大值为$4\sqrt{5}$

D. 若点A,B在椭圆C上，AB的中点坐标为$(1,\frac{1}{3})$，则直线AB的方程为$9x+12y-13=0$

$L=4(x+y)$　$x+y=2\cos\theta+\sin\theta$

二、填空题

8.从数字0，1，2，3，4，5中任取4个数字，组成没有重复数字的四位偶数，其个数为 156 .

9.已知双曲线$C:\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1(a>0,b>0)$的左、右焦点分别为$F_1$，$F_2$，过$F_1$的直线与$C$的两条渐近线分别交于$A$，$B$两点.若$\overrightarrow{F_1A}=\overrightarrow{AB}$，$\overrightarrow{F_1B}\cdot\overrightarrow{F_2B}=0$，则$C$的离心率为 2 .

$\frac{b}{a}=\frac{a-c}{2}$　$c=2a$　$e=2$.

$B(a,b)$.

A为F_1B中点　$A(\frac{a-c}{2},\frac{b}{2})$ 代入 $y=-\frac{b}{a}x$

三、解答题

				15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	

10. 已知双曲线$C:\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1(a>0,b>0)$上的点与坐标原点$O$之间距离的最小值为2，点$P(2\sqrt{2},t)$在$C$上，且$|OP|=\sqrt{13}$. (1)求$C$的标准方程.

(2)过点$T(-3,0)$的直线l交C于异于顶点的$A(x_1,y_1)$，$B(x_2,y_2)$两点，且$x_1>0$，$x_2<0$，设C的左、右顶点分别为D,E，直线AD与BE交于点H.

（ⅰ）证明：点H在定直线上.（ⅱ）证明：$\angle HTE=\angle BTH$.

y_H中含y_1和或y_2.

(1)解：由题知 $a=2$.

$\therefore OP=\sqrt{13}$

$\therefore (2\sqrt{2})^2+t^2=13$

$t^2=5$

$\because P$在C上

$\therefore \frac{(2\sqrt{2})^2}{4}-\frac{t^2}{b^2}=1$

$\Rightarrow b^2=5$.

$\therefore C:\frac{x^2}{4}-\frac{y^2}{5}=1$

另解：$C:\frac{x^2}{4}-\frac{y^2}{5}=1$

(2)简解：由对称性知H在直线$x=a$上.

$c^2=a^2+b^2=9$

$\therefore c=3$.

$\therefore a^2=4$　$\therefore a=2$

$\therefore D(-2,0)$　$E(2,0)$.

设AB：$x=my-3$，

$\begin{cases}x=my-3\\5x^2-4y^2-20=0\end{cases}$

$\Rightarrow (5m^2-4)y^2-30my+25=0$.

$\begin{cases}y_1+y_2=\frac{30m}{5m^2-4}\\y_1y_2=\frac{25}{5m^2-4}\\\Delta>0\end{cases}$

$k_{AD}=\frac{y_1}{x_1+2}$　过$D(-2,0)$

$\therefore y=\frac{y_1}{x_1+2}(x+2)$.

$k_{BE}=\frac{y_2}{x_2-2}$　过$E(2,0)$.

$y=\frac{y_2}{x_2-2}(x-2)$.

$\begin{cases}y=\frac{y_2}{x_2-2}(x-2)\\y=\frac{y_1}{x_1+2}(x+2)\end{cases}$ 消去y

$x=\frac{4my_1y_2-10y_1-2y_2}{5y_1-y_2}$

$=\frac{4my_1y_2-10y_1+4y_1+8y_2}{5y_1+y_1-6y_2}$

$\frac{x+2}{x-2}=\frac{y_2(x_1+2)}{y_1(x_2-2)}=\frac{y_2(my_1+1)}{y_1(my_2-5)}=-\frac{4}{3}$

$\therefore$ 过定直线 $x=-\frac{4}{3}$

(ii)解：$\angle HTE=\alpha$，$\tan\alpha=\frac{y_H}{-\frac{4}{3}+3}$

$\angle BTE=\beta$

$\tan\angle BTE=\frac{y_1}{x_1+3}$.

y_H在直线AD上

且$x_H=-\frac{4}{3}$

$\therefore y_H=\frac{2y_1}{3(x_1+2)}$　$\tan\alpha=\frac{2}{5}\frac{y_1}{(x_1+2)}$

$\tan 2\alpha=\frac{2\tan\alpha}{1-\tan^2\alpha}=\frac{\frac{4y_1}{5(x_1+2)}}{\frac{20x_1^2+40x_1+120}{25(x_1+2)^2}}$

$=\frac{y_1(x_1+2)}{x_1^2+5x_1+6}$

$=\frac{y_1(x_1+2)}{(x_1+2)(x_1+3)}$

$=\frac{y_1}{x_1+3}$

$\therefore \tan 2\alpha=\tan\angle BTE$

$\because \angle BTE=2\alpha$

$=2\angle HTE$

$\therefore \angle HTE=\angle BTH$.