



2026届二轮复习 第32课时 运用转化思想处理直线与圆的位置关系作业

姓名: 张姝妍

班级: 14

考场/座位号: _____

注意事项	
1、答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。	
2、客观题答案必须使用2B铅笔填涂，修改时用橡皮擦干净。	
3、主观题使用黑色签字笔书写。	
4、必须在题号对应的答题区域内作答，超出答题区域书写无效。	
5、保持卷面整洁、完整。	
正确填涂 <input checked="" type="checkbox"/>	错误填涂 <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>

填涂									
[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]
[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]
[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]
[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]
[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]
[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]
[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]
[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]
[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]
[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]

缺考标记

一、选择题

1 <input checked="" type="checkbox"/> [B] [C] [D]	2 <input checked="" type="checkbox"/> [B] [C] [D]	3 [A] <input checked="" type="checkbox"/> [C] [D]	4 <input checked="" type="checkbox"/> [B] [C] [D]	5 <input checked="" type="checkbox"/> [B] [C] <input checked="" type="checkbox"/>
6 [A] <input checked="" type="checkbox"/> [B] [C] [D]				

1. 两圆 $x^2 + y^2 + 2ax + a^2 - 4 = 0$ 和 $x^2 + y^2 - 4by - 1 + 4b^2 = 0$ 恰有三条公切线，若 $a \in R, b \in R$ 且 $ab \neq 0$ ，则 $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$ 的最小值为 (D)

2. 已知圆 $C_1: x^2 + y^2 = 1$ 与圆 $C_2: (x-4)^2 + (y-2)^2 = 1$ ，过动点 $M(a, b)$ 分别作圆 C_1 、圆 C_2 的切线 MA 、 MB (A, B 分别为切点)，若 $|MA| = |MB|$ ，则 $\sqrt{(a-3)^2 + (b+2)^2}$ 的最小值为 (A)

A. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ B. $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ C. $\frac{3\sqrt{5}}{5}$ D. $\frac{4\sqrt{5}}{5}$

3. 若圆 $x^2 + y^2 - 4x - 4y - 10 = 0$ 上至少有三个不同的点到直线 $l: ax + by = 0$ 的距离为 $2\sqrt{2}$ ，则直线 l 的倾斜角的取值范围是 (B)

A. $[\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{4}]$ B. $[\frac{\pi}{12}, \frac{5\pi}{12}]$ C. $[\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3}]$ D. $[0, \frac{\pi}{2}]$

4. 在矩形 $ABCD$ 中， $AB=1, AD=2$ ，动点 P 在以 C 为圆心且与 BD 相切的圆上，则 $\frac{AP}{AB}$ 的最大值为 (A)

A. $1 + \frac{2\sqrt{5}}{5}$ B. $1 - \frac{2\sqrt{5}}{5}$ C. -2 D. 0

5 (多选). 以下四个命题为真命题的是 BD (AD)

A. 过点 $(-10, 10)$ 且在 x 轴上的截距是在 y 轴上截距的 4 倍的直线的方程为 $y = -\frac{1}{4}x + \frac{15}{2}$ y-x

B. 直线 $x\cos\theta + \sqrt{3}y + 2 = 0$ 的倾斜角的范围是 $[0, \frac{\pi}{6}] \cup [\frac{5\pi}{6}, \pi]$ 或过原点

C. 曲线 $C_1: x^2 + y^2 + 2x = 0$ 与曲线 $C_2: x^2 + y^2 - 4x - 8y + m = 0$ 恰有一条公切线，则 $m = 4$

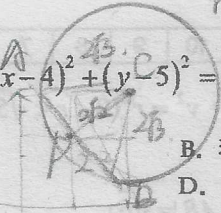
D. 设 P 是直线 $x - y - 2 = 0$ 上的动点，过 P 点作圆 $O: x^2 + y^2 = 1$ 的切线 PA, PB ，切点为 A, B ，则经过 A, P, O 三点的圆必过两个定点

4+8.

$r > 2$

6 (多选). 已知点 $P(2,3)$ 在定圆 $C: (x-4)^2 + (y-5)^2 = r^2 (r > 0)$ 内, 经过点 P 的动直线 l 与 C 交于 A, B 两点, 若 $|AB|$ 的最小值为 4, 则

- A. $r=4$
- B. 若 $|AB|=4$, 则直线 l 的倾斜角为 135°
- C. 存在直线 l 使得 $CA \perp CB$
- D. $S_{\triangle PAC} \cdot S_{\triangle PBC}$ 的最大值为 12



$\frac{1}{2} \cdot AP \cdot d \cdot \frac{1}{2} \cdot BP \cdot d = \frac{1}{4} d^2 \cdot AP \cdot BP = \frac{1}{4} r^2 [(OE-PE)(OE+PE)] = \frac{1}{4} d^2 [OE^2 - PE^2]$

二、填空题

7. 如图, 半径为 1 的圆 M 与直线 l 相切于点 A , 圆 M 沿着直线 l 滚动. 当圆 M 滚动到圆 M' 时, 圆 M' 与直线 l 相切于点 B , 点 A 运动到点 A' , 线段 AB 的长度为 $\frac{3\pi}{2}$, 则点 M' 到直线 BA' 的距离为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.



$\frac{1}{2} d^2 [(r-d)^2 - (r+d)^2] = \frac{1}{2} d^2 [r^2 - d^2 - r^2 - d^2] = -d^2 d^2 = -d^4$
 $d \in [0, 2r]$

三、解答题

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
----	----	----	----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

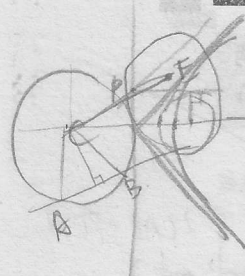
8. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且满足 $S_{n+2} - 2S_{n+1} + S_n = 2^{n+1} + 2$, $a_3 - 2a_2 + a_1 = 2$, 记 $b_n = a_n - 2^n$.

(1) 求证: $\{b_n\}$ 是等差数列; (2) 若 $a_1 = 3$, 求证: $\frac{1}{b_1 b_3} + \frac{1}{b_2 b_4} + \dots + \frac{1}{b_n b_{n+2}} < \frac{1}{3}$.

(1) 证明: $\because S_{n+2} - 2S_{n+1} + S_n = 2^{n+1} + 2$
 $\therefore a_{n+2} - a_{n+1} = 2^{n+1} + 2$ ($n \geq 1$)
 $\therefore a_{n+1} - a_n = 2^n + 2$ ($n \geq 2$) $\frac{b_n}{n} \in \mathbb{N}^*$
 $\therefore b_n = a_n - 2^n$
 $b_{n+1} = a_{n+1} - 2^{n+1}$
 $\therefore b_{n+1} - b_n = a_{n+1} - 2 \cdot 2^n - a_n + 2^n$
 $= a_{n+1} - a_n - 2^n$
 $= 2$ ($n \geq 2, n \in \mathbb{N}^*$)
 $(n \geq 1)$
 $\therefore \{b_n\}$ 为等差数列

$= \frac{1}{4} \left[\frac{4}{3} - \frac{1}{2n+2} - \frac{1}{2n+3} \right]$
 $= \frac{1}{3} - \frac{1}{4} \left[\frac{1}{2n+2} + \frac{1}{2n+3} \right]$
 $\because n > 0$
 $\therefore \frac{1}{2n+2} > 0, \frac{1}{2n+3} > 0$
 $\therefore \frac{1}{b_1 b_3} + \dots + \frac{1}{b_n b_{n+2}} < \frac{1}{3}$ 恒成立.

(2) 解: $\because a_1 = 3$
 $b_1 = a_1 - 2^1 = 1$
 $\therefore b_n = 1 + 2(n-1) = 2n-1$
 $\therefore \frac{1}{b_1 b_3} + \frac{1}{b_2 b_4} + \dots + \frac{1}{b_n b_{n+2}}$
 $= \frac{1}{(2 \cdot 1 - 1)(2 \cdot 3 - 1)} + \frac{1}{(2 \cdot 2 - 1)(2 \cdot 4 - 1)} + \dots + \frac{1}{(2n-1)(2n+3)}$
 $= \frac{1}{4} \left[1 - \frac{1}{5} + \frac{1}{3} - \frac{1}{7} + \dots + \frac{1}{2n-2} - \frac{1}{2n+2} + \frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+3} \right]$



15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
----	----	----	----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

9. 已知圆 $C: (x+2)^2 + y^2 = 4$, 圆 $D: (x-2)^2 + y^2 = r^2 (0 < r < \sqrt{5})$, 过点 $P(0, 1)$ 作圆 D 的切线, 切线的长为 2.

- (1) 求圆 D 的方程;
 (2) 直线 l 经过点 P , 且与圆 C 交于 A, B 两点, $|AB| = \sqrt{6}$.
 ① 求 l 的方程和 $\vec{CA} \cdot \vec{CB}$ 的值;
 ② 若动圆 E 与圆 C 外切, 且与圆 D 内切, 求动圆圆心 E 到点 P 距离的最小值.

① 解: 设切点为 M .
 $\therefore \angle DMP = 90^\circ$
 $PM = 2$
 $\therefore PD = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{5}$
 $\therefore r = \sqrt{PD^2 - PM^2} = 1$
 $\therefore D: (x-2)^2 + y^2 = 1$

② 解: 设圆 E 半径为 r_3
 $CE = r_3 + 2$
 $DE = r_3 - 1$
 $\therefore CE - DE = 3 < CD = 4$
 $\therefore E$ 为以 A, B 为焦点的双曲线右支
 $\therefore E$ 在双曲线右支上

④ 解: $|AB| = \sqrt{6}$
 $\therefore C$ 到 AB 距离 $d = \sqrt{4 - (\frac{\sqrt{6}}{2})^2} = \frac{\sqrt{10}}{2}$
 当斜率不存在时: $l: x = 1$
 $d = 2 = r$
 与圆 C 相切
 不符舍.
 $\therefore k = 3$ 或 $-\frac{1}{3}$

$2c = 4 \Rightarrow c = 2$
 $2a = 3 \Rightarrow a = \frac{3}{2}$
 $\therefore b = \frac{\sqrt{7}}{2}$
 $\therefore \frac{4x^2}{9} - \frac{4y^2}{7} = 1 (x > 0)$
 $E(x, y)$
 $\therefore EP^2 = x^2 + (y-1)^2$
 $= \frac{16}{7}y^2 - 2y + \frac{91}{28}$
 \therefore 当 $y = \frac{7}{16}$ 时
 $EP_{min} = \frac{3\sqrt{5}}{4}$

$\therefore l: y = 3x + 1$ 或 $y = -\frac{1}{3}x + 1$
~~取 AB 中点 N .~~
 ~~$\therefore CN \perp AB$~~
 ~~$\therefore CN = \frac{\sqrt{10}}{2}, CA = 2$~~
 ~~$\therefore \cos \angle ACN = \frac{\sqrt{10}}{4}$~~
 $\therefore \cos \angle ACB = \frac{AC^2 + BC^2 - AB^2}{2 \cdot AC \cdot BC} = \frac{1}{4}$
 $\therefore \vec{CA} \cdot \vec{CB} = |\vec{CA}| \cdot |\vec{CB}| \cos \angle ACB = 1$

(8分) $l: y = 3x + 1$ 或 $y = -\frac{1}{3}x + 1$
 $\vec{CA} \cdot \vec{CB} = 1$

极化恒等式

$\frac{\sqrt{5}}{2}$

