



高三数学一模评讲跟进训练

姓名: 张姝妍

班级: 14

考场/座位号: _____

注意事项	
1、答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。	
2、客观题答案必须使用2B铅笔填涂，修改时用橡皮擦干净。	
3、主观题使用黑色签字笔书写。	
4、必须在题号对应的答题区域内作答，超出答题区域书写无效。	
5、保持卷面整洁、完整。	
正确填涂 <input type="checkbox"/>	错误填涂 <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>

填涂									
[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]
[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]
[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]
[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]
[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]
[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]
[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]
[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]
[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]
[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]

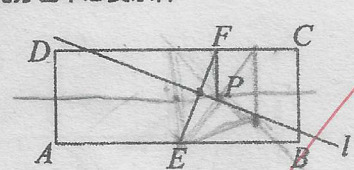
缺考标记

一、选择题

- 1 [A] [B] [C] [D] 2 [A] [B] [C] [D] 3 [A] [B] [C] [D] 4 [A] [B] [C] [D] 5 [A] [B] [C] [D]
- 6 [A] [B] [C] [D] 7 [A] [B] [C] [D] 8 [A] [B] [C] [D]

1. 已知复数 $z = 1 + i$, 则 $\left| \frac{z}{z-1} \right| =$ $\sqrt{2}$ (B)
- A. 1 B. $\sqrt{2}$ C. 2 D. 4
2. 已知集合 $A = \{-1, 0, 1, 2\}$, $B = \{x | x^2 - x \leq 0\}$, 则 $A \cap B =$ (B)
- A. $\{-1, 0\}$ B. $\{0, 1\}$ C. $\{-1, 1\}$ D. $\{0, 1, 2\}$
3. 设公差不为0的等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , $S_7 = 28$, 若 a_3, a_4, a_8 成等比数列, 则 $a_8 =$ (A)
- A. 16 B. 8 C. 4 D. 2
4. 已知 α, β 为两个不同平面, m 为 α 内一条直线, 则 " $m \parallel \beta$ " 是 " $\alpha \parallel \beta$ " 的 (B)
- A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件
- C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件

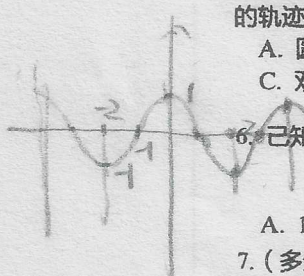
5. 如图, 点 E 为矩形 $ABCD$ 边 AB 的中点, 以动直线 l 为折痕将矩形在其下方的部分向上翻折, 每次翻折后点 E 都落在边 CD 上, 记该落点为 F , 过点 F 作 FP 垂直于 CD 交直线 l 于点 P , 点 P 的轨迹为曲线 W 的一部分, 则 W 为



- A. 圆 B. 椭圆
- C. 双曲线 D. 抛物线

6. 已知函数 $f(x)$ 的定义域为 \mathbb{R} , 且 $f(x-2)$ 为偶函数, $f(2x-1)$ 为奇函数, $f(0) = 1$, 则 $\sum_{i=1}^{2025} f(i) =$ (B)

A. 1 B. 0 C. -1 D. -2



7. (多选) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $S_n = 2a_n + 1$, 则

- A. $a_1 = 1$ B. $a_n = -2^{n-1}$ C. $S_n = 2^n - 1$ D. $a_1 a_2 \dots a_{2n} = 2^{2n^2 - n}$
- $S_n = 2a_n + 1$
 $S_{n-1} = 2a_{n-1} + 1$
 $a_n = 2a_n - 2a_{n-1}$
 $a_n = 2a_{n-1}$
- $S_n = 2a_n + 1$
 $a_1 = -1$ 第1页 (共4页)
- $a_n = -1 \cdot 2^{n-1}$
- $S_n = -1(1-2^n)$
 $\frac{1-2^{n+1}}{1-2} + 3 + 1 + \dots + 2n-1$
 $1 + \dots + 2n = \frac{2n(1+2n)}{2} = \frac{1(2n+1) \cdot 2n}{2n^2}$

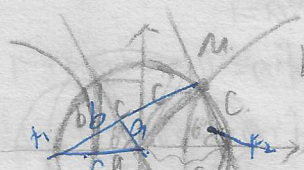
8. (多选) 已知函数 $f(x) = \ln|x| + x^2 - \frac{1}{x^2}$, 则

A. $f(x)$ 在区间 $(0, +\infty)$ 上单调递增

B. $f(x)$ 恰有两个零点

C. 不等式 $f(x) < f(1-x)$ 的解集为 $\left\{x \mid 0 < x < \frac{1}{2}\right\}$

D. 若 $f(m) + f(n) = 0$, 则 $m^2 + n^2$ 的最小值为 2



$b = \sqrt{3}a$
 $b^2 = 3a^2$
 $c^2 = a^2 + b^2 = 4a^2$
 $c = 2a$
 $b = 2a$
 $b^2 = 4a^2$
 $c^2 = 5a^2$
 $c = \frac{\sqrt{5}}{2}a$

二、填空题

9. 双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左、右焦点分别为 F_1, F_2 , 以 F_1, F_2 为直径的圆与 C 在第一象限的交点为 M , 若 MF_2 与 C 的一条渐近线平行, 则 C 的离心率为 $\sqrt{5}$.

10. 记 $\triangle ABC$ 内角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c , $\frac{c \cos A}{a \cos C} + \frac{2c \cos B}{b \cos C} = 3$, 则 $\frac{1}{\tan A} + \frac{2}{\tan B}$ 的最小值为 $\frac{5}{2}$.

三、解答题

					13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
--	--	--	--	--	----	----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

11. 已知数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1 = \frac{2}{3}$, 且满足 $\frac{1}{a_{n+1}} = \frac{a_n + 1}{2a_n}$.

(1) 证明: 数列 $\left\{\frac{1}{a_n} - 1\right\}$ 为等比数列; (2) 若数列 $\left\{\frac{1}{a_n} + n\right\}$ 的前 n 项和 S_n 小于 120, 求 n 的最大值.

(1) 证明: $\frac{1}{a_{n+1}} = \frac{1}{2a_n} + \frac{1}{2}$ (2) 证明 $\frac{1}{a_n} - 1 = \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}$

$$\frac{2}{a_{n+1}} = \frac{1}{a_n} + 1$$

$$\therefore 2\left(\frac{1}{a_{n+1}} - 1\right) = \frac{1}{a_n} - 1$$

$$\because a_1 = \frac{2}{3}$$

$$\therefore \frac{1}{a_1} - 1 = \frac{1}{2} \neq 0$$

$$\therefore \frac{\frac{1}{a_{n+1}} - 1}{\frac{1}{a_n} - 1} = \frac{1}{2}$$

$\therefore \left\{\frac{1}{a_n} - 1\right\}$ 为首项为 $\frac{1}{2}$, 公比为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列

$$\frac{1}{a_n} = \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} + 1$$

$$\therefore b_n = \frac{1}{a_n} + n$$

$$\therefore b_n = \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} + n + 1$$

$$\therefore S_n = \frac{\frac{1}{2}(1 - \frac{1}{2}^n)}{1 - \frac{1}{2}} + \frac{(1+n)n}{2} + n$$

$$= 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n + \frac{3}{2}n + \frac{n^2}{2}$$

$$\because b_{n+1} > b_n$$

$$\therefore S_{n+1} > S_n$$

$$\therefore S_n < 120$$

~~$$\therefore n_{max} = 14$$~~

$$\because S_{14} = 120 - \left(\frac{1}{2}\right)^{14} < 120$$

$$S_{15} = 136 - \left(\frac{1}{2}\right)^{14} > 120$$

$$\therefore n_{max} = 14$$

12. 已知函数 $f(x) = (1-2x)\ln x + ax - 1$.

(1) 若 $a=1$, 求 $f(x)$ 的单调区间; (2) 若 $f(x)$ 有且仅有 1 个零点, 求 a 的值;

解: $a=1$

$f(x) = (1-2x)\ln x + x - 1$

$f'(x) = -2\ln x + \frac{1-2x}{x} + 1$

$= \frac{1-2x\ln x - x}{x}$

$g(x) = 1-2x\ln x - x$

$g'(x) = -2[\ln x + 1] - 1$
 $= -2\ln x - 3$

$g'(x) = 0, x = e^{-\frac{3}{2}}$

$x \in (0, e^{-\frac{3}{2}}) \cup (e^{-\frac{3}{2}}, +\infty)$

$g(x) \quad + \quad 0 \quad -$
 $g(x) \quad \nearrow \quad \text{极大值} \quad \searrow$

$g(e^{-\frac{3}{2}}) = 2 \cdot e^{-\frac{3}{2}} + 1 > 0$

$\therefore g(x)$ 在 $(0, e^{-\frac{3}{2}})$ 内有零点

当 $x \rightarrow 0$ 时 $g(x) \rightarrow 0$

$\therefore g(x)$ 在 $(0, 1)$ 上 \nearrow , 在 $(1, +\infty)$ 上 \searrow .

(2) 解: $f(x) = 0$

$(1-2x)\ln x + ax - 1 = 0$

$(1-2x)\ln x + ax = 1$

$ax = 1 - (1-2x)\ln x$

$a = \frac{1 - (1-2x)\ln x}{x}$

变量分离 $f(x) = (1-2x)\ln x + ax - 1 = 0$

$\frac{1-2x}{x} \ln x + a - \frac{1}{x} = 0$

$h(x) = \frac{1-2x}{x} \ln x + a - \frac{1}{x}$

$h'(x) = \frac{1-\ln x}{x^2} - 2\ln x + a - \frac{1}{x^2}$

$h'(x) = \frac{1-\ln x}{x^2} - \frac{2}{x} + \frac{1}{x^2}$

$= \frac{2-\ln x-2x}{x^2}$

$m(x) = 2 - \ln x - 2x$

$m'(x) = -\frac{1}{x} - 2 < 0$

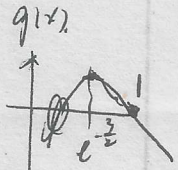
$m(x)$ 单调递减

x	$(0, 1)$	1	$(1, +\infty)$
$h'(x)$	$>$	0	$<$
$h(x)$	\nearrow	极大值	\searrow

$h(1) = a - 1 = 0$

$\therefore a = 1$

$-2\ln x - 3$
 $\ln x < -\frac{3}{2}$



$1 - 2 \cdot e^{-\frac{3}{2}} \cdot (-\frac{3}{2}) - e^{-\frac{3}{2}}$
 $= 2 \cdot e^{-\frac{3}{2}} + 1$